

ÔN TẬP CHƯƠNG IV

Bài 1. Cho tam giác ABC cân tại A có $\hat{A} = 120^\circ$. Trên cạnh AB lấy hai điểm M, N sao cho MA, NA vuông góc với AB, AC.

1. Chứng minh: a) $\Delta BAM = \Delta CAN$.
- b) $\Delta ANB, \Delta AMC$ là tam giác cân.
- c) ΔAMN là tam giác đều.

2. Kẻ NH vuông góc với AB tại H, MK vuông góc với AC tại K. Chứng minh $AH = AK$.

3. Gọi I là giao điểm của HN và KM. Chứng minh:
 - a) ΔIMN là tam giác đều.
 - b) AI là phân giác \widehat{BAC}
 - c) AI là trung trực của BC.

4. Chứng minh: $MN // HK$.

Bài 2. Cho tam giác ABC vuông tại A có $\hat{B} = 60^\circ$. Phân giác BD (D thuộc cạnh AC), qua D kẻ đường thẳng vuông góc với BC cắt BC, BA lần lượt tại E, F.

1. Chứng minh: a) ΔABE là tam giác đều.
- b) ΔDFC là tam giác cân.
- c) $AE // FC$.
- d) BD là trung trực của AE.

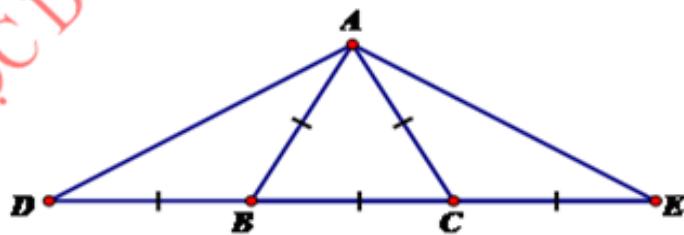
2. Gọi M là trung điểm của FC. Chứng minh ba điểm B, D, M thẳng hàng.

Bài 3. Cho tam giác ABC cân tại A. Kẻ BE vuông góc với AC, CF vuông góc với AB. Gọi I là giao điểm của BE và CF.

1. Chứng minh:
 - a) ΔBIC là tam giác cân.
 - b) $EF // BC$.
 - c) AI là trung trực của EF.
 - d) AI là phân giác \widehat{BAC} .

2. Gọi K là trung điểm của BC. Chứng minh ba điểm A, I, K thẳng hàng.

Bài 4. Cho hình vẽ



- a) Tính số đo các góc của tam giác ADE.
- b) Kẻ BH vuông góc với AD tại H, CK vuông góc với AE tại K. Chứng minh tam giác AHK cân.
- c) Chứng minh HK // BC.
- d) Gọi I là giao điểm của HB và KC. Chứng minh tam giác IBC là tam giác đều.
- e) Chứng minh AI là phân giác góc DAE.
- f) Chứng minh AI là trung trực của DE.
- g) Chứng minh HB // AC.